**Рабочая программа по геометрии.**

# Тематический план

**Учебно-тематическое планирование для 5 класса**

**34 часа в год (34 рабочие недели из расчёта 1 час в неделю)**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| параграф | номер урока | Содержание материала | Часы |
| 1 | 1 | Первые шаги в геометрии. | 1 |
| 2 | 2-3 | Пространство и размерность. | 2 |
| 3 | 4 | Простейшие геометрические фигуры | 1 |
| 4 | 5-6 | Конструирование из «Т». | 2 |
| 5 | 7-8 | Куб и его свойства. | 2 |
| 6 | 9 | Задачи на разрезание и складывание фигур. | 1 |
| 7 | 10-11 | Треугольник. Многоугольник. | 2 |
| 8 | 12-13 | Правильные многогранники. | 2 |
| 9 | 14 | Геометрические головоломки. | 1 |
| 10 | 15 | Измерение длины. | 1 |
| 11 | 16-18 | Измерение площади и объема. | 3 |
| 12 | 19-21 | Вычисление длины, площади и объема. | 3 |
| 13 | 22-23 | Окружность. | 2 |
| 14 | 24-25 | Геометрический тренинг. | 2 |
| 15 | 26-27 | Топологические опыты. | 2 |
| 16 | 28 | Задачи со спичками. | 1 |
| 17 | 29-30 | Зашифрованная переписка. | 2 |
| 18 | 31-32 | Задачи, головоломки, игры. | 2 |
|  | 33 | Зачетная работа | 1 |
|  | 34 | Защита портфолио | 1 |

**Учебно-тематическое планирование для 6 класса**

**34 часа в год (34 рабочие недели из расчёта 1 час в неделю)**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| параграф | номер урока | Содержание материала | Часы |
|  | 1 | Вводное занятие. Правила кружка. | 1 |
| 19 | 2-3 | Фигурки из кубиков и их частей. | 2 |
| 20 | 4-5 | Параллельность и перпендикулярность. | 2 |
| 21 | 6-7 | Параллелограммы. | 2 |
| 22 | 8-9 | Координаты, координаты, координаты… | 2 |
| 23 | 10 | Оригами. | 1 |
|  | 11-12 | Решение олимпиадных задач. | 2 |
| 24 | 13-14 | Замечательные кривые. | 2 |
| 25 | 15 | Кривые Дракона. | 1 |
| 26 | 16-17 | Лабиринты. | 2 |
| 27 | 18-19 | Геометрия клетчатой бумаги. | 2 |
| 28 | 20 | Зеркальное отражение. | 1 |
| 29 | 21-23 | Симметрия. | 3 |
| 30 | 24-25 | Бордюры. | 2 |
| 31 | 26-27 | Орнаменты. | 2 |
| 32 | 28-29 | Симметрия помогает решать задачи. | 2 |
| 33 | 30-31 | Одно важное свойство окружности. | 2 |
| 34 | 32-33 | Задачи, головоломки, игры. | 2 |
|  | 34 | Итоговое занятие. | 1 |

# Содержание программы

5 класс

|  |  |
| --- | --- |
| **Содержание** | часы |
| **Первые шаги в геометрии.**  История развития геометрии. Инструменты для построений и измерений в геометрии. Проверочная работа «Развитие пространственных представлений учащихся» | 1 |
| **Пространство и размерность.**  Одномерное пространство (точки, отрезки, лучи), двумерное пространство (треугольник, квадрат, окружность), трехмерное пространство (прямоугольный параллелепипед, куб).  Плоские и пространственные фигуры. Перспектива как средство изображения  трехмерного пространства на плоскости. Четырехугольник, диагонали четырехугольника. Куб и пирамида, их изображения на плоскости | 2 |
| **Простейшие геометрические фигуры.**  Геометрические понятия:точка, прямая, отрезок, луч,угол. Виды углов: острый,прямой, тупой, развернутый. Измерение углов с помощью транспортира. Вертикальные и смежные углы. Диагональ квадрата.Биссектриса угла | 1 |
| **Конструирование из «Т».**  Самостоятельная работа «Измерение углов».  Конструирование на плоскости и в пространстве, а также на клетчатой бумаге  из частей буквы Т. | 2 |
| **Куб и его свойства.**  Многогранники. Вершины, ребра, грани многогранника. Куб: вершины, ребра, грани, диагональ, противоположные вершины. Развертка куба. Проверочная работа «Исследование куба» | 2 |
| **Задачи на разрезание и складывание фигур.**  Равенство фигур при наложении. Способы разрезания квадрата на равные части. Разрезание многоугольников на равные части. Игра «Пентамино». Конструирование многоугольников | 1 |
| **Треугольник. Многоугольник.**  Треугольник: вершины, стороны, углы. Виды треугольников(разносторонний, равнобедренный, равносторонний, остроугольный, прямоугольный, тупоугольный). Пирамида. Правильная треугольнаяпирамида (тетраэдр).  Развертка пирамиды. Построение треугольников (по двум сторонам и углу между ними, по стороне и двум углам, по трем сторонам) с помощью транспортира, циркуля и линейки | 2 |
| **Правильные многогранники.**  Тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр, икосаэдр. Формула Эйлера. Развертки правильных многогранников. | 2 |
| **Геометрические головоломки.**  Игра «Танграм». Составление заданных многоугольников из ограниченного  числа фигур. | 1 |
| **Измерение длины.**  Единицы измерения длины. Старинные единицы измерения. Эталон измерения длины — метр. Единицы измерения приборов. Точность измерения | 1 |
| **Измерение площади и объема.**  Единицы измерения площади. Измерение площади фигуры с избытком и с недостатком. Приближенное нахождение площади. Палетка. Единицы измерения площади и объема. | 3 |
| **Вычисление длины, площади и объема.**  Нахождение площади фигуры с помощью палетки, объема тела с помощью единичных кубиков. Равносоставленные и равновеликие фигуры. Площадь прямоугольника. Объем прямоугольного параллелепипеда | 3 |
| **Окружность.**  Окружность и круг: центр, радиус, диаметр. Правильный многоугольник, вписанный в окружность | 2 |
| **Геометрический тренинг.**  Занимательные задачи на подсчет геометрических фигур в различных плоских конфигурациях | 2 |
| **Топологические опыты.**  Лист Мебиуса. Опыты с листом Мебиуса. Вычерчивание геометрических фигур одним росчерком. Граф, узлы графа. Возможность построения графа одним росчерком | 2 |
| **Задачи со спичками.**  Занимательные задачи на составление геометрических фигур из спичек. Трансформация фигур при перекладывании спичек | 1 |
| **Зашифрованная переписка.**  Поворот. Шифровка с помощью 64-клеточного квадрата | 2 |
| **Задачи, головоломки, игры.**  Деление фигуры на части. Игры со спичками, с многогранниками. Проекции многогранников. | 2 |
| **Зачетная работа** | 1 |
| **Защита портфолио** | 1 |

6 класс

|  |  |
| --- | --- |
| **Содержание** | часы |
| **Вводное занятие. Правила кружка.** | 1 |
| **Фигурки из кубиков и их частей.**  Метод трех проекций пространственных тел. Составление куба из многогранников. Сечения куба | 2 |
| **Параллельность и перпендикулярность.**  Параллельные и перпендикулярные прямые на плоскости и в пространстве.  Построение параллельных и перпендикулярных прямых с помощью линейки и чертежного угольника. Построение прямой, параллельной и перпендикулярной данной, с помощью циркуля и линейки. Параллельные, перпендикулярные и скрещивающиеся ребра куба. Скрещивающиеся прямые. | 2 |
| **Параллелограммы.**  Параллелограмм, ромб, прямоугольник. Некоторые свойства параллелограммов. Получение параллельных и перпендикулярных прямых с помощью перегибания листа. Свойства  квадрата и прямоугольника, полученные перегибанием листа. Золотое сечение. | 2 |
| **Координаты, координаты, координаты…**  Определение местонахождения объектов на географической карте. Определение положения корабля в игре «Морской бой». Координатная плоскость. Координаты точки на плоскости. Полярные координаты: угол и расстояние. Декартова система координат в пространстве. | 2 |
| **Оригами.**  Складывание фигур из бумаги по схеме. | 1 |
| **Решение олимпиадных задач.** | 2 |
| **Замечательные кривые.**  Конические сечения конуса: эллипс, окружность, гипербола, парабола. Спираль Архимеда. Синусоида. Кардиоида. Циклоида. Гипоциклоида. | 2 |
| **Кривые Дракона.**  Правила получения кривых Дракона. | 1 |
| **Лабиринты.**  Истории лабиринтов. Способы решений задач с лабиринтами: метод проб и ошибок, метод зачеркивания тупиков, правило одной руки. | 2 |
| **Геометрия клетчатой бумаги.**  Построения перпендикуляра к отрезку с помощью линейки. Построение окружности на клетчатой бумаге. Построение прямоугольного треугольника и квадрата по заданной площади. | 2 |
| **Зеркальное отражение.**  Получение изображений при зеркальном отражении от одного и нескольких зеркал. | 1 |
| **Симметрия.**  Осевая симметрия. Зеркальная симметрия как частный случай осевой. Центральная симметрия. Использование кальки для получения центрально-симметричных фигур. | 3 |
| **Бордюры.**  Бордюры — линейные орнаменты. Получение симметричных фигур: трафареты, орнаменты, бордюры. Применение параллельного переноса, зеркальной симметрии (с вертикальной и горизонтальной осями), поворота и центральной симметрии. | 2 |
| **Орнаменты.**  Плоские орнаменты — паркеты. Выделение ячейки орнамента. Построение орнаментов и паркетов. | 2 |
| **Симметрия помогает решать задачи.**  Построение фигур при осевой симметрии. Расстояние от точки до прямой. Свойство касательной к окружности. | 2 |
| **Одно важное свойство окружности.**  Вписанный прямоугольный треугольник. Вписанный и центральный угол. | 2 |
| **Задачи, головоломки, игры.**  Решение практических задач с применением простейших свойств фигур. | 2 |

**Темы учебных проектов и исследований**

**5 класс**

Развертки и модели куба (деревянные, бумажные, стеклянные, каркасные и др.).

Сборник пословиц (поговорок, загадок) об измерении длины, площади, объема.

Альбом фигур, которые можно нарисовать одним росчерком.

Выставка правильных многогранников.

Учимся изображать фигуры с помощью простейших компьютерных инструментов.

**6 класс**

Выставка фигурок оригами.

Выставка бордюров и орнаментов.

Фотоальбом «Симметрия в архитектуре и искусстве».



# Планируемые результаты

## Личностные, метапредметные и предметные результаты освоения

Взаимосвязь результатов освоения предмета «Наглядная геометрия» можно системно представить в виде схемы. При этом обозначение ЛР указывает, что продвижение учащихся к новым образовательным результатам происходит в соответствии с линиями развития средствами предмета.

Предметные результаты (цели предмета)

5-я ЛР –Независимость и критичность мышления

6-я ЛР – Воля и настойчивость

в достижении цели

3-я ЛР – Совокупность умений по работе с информацией, в том числе и с различными геометрическими текстами

4-я ЛР – Совокупность умений по использованию доказательной геометрическойречи

1-я ЛР – Использование геометрических знаний и умений для решения различных геометрических задач и оценки полученных результатов.

2-я ЛР – Умения использовать геометрические средства для изучения и описания реальных процессов и явлений

Образовательные технологии и формы работы

Метапредметные результаты

**Регулятивные**. **Коммуникативные**. **Познавательные**

**Функциональная грамотность**

- Технология проблемного диалога (структура параграфов)

- Технология оценивания (правило самооценивания)

- Технология продуктивного чтения (задания по работе с текстом)

- Групповая форма работы (задания для групповой работы)

**Личностные** результаты

Комплексные задания и компетентностные задачи в УМК:

- Проектные задания на предметном материале

- Жизненные (компетентностные) задачи на предметном и межпредметном материале

**5–6 классы**

**Личностными результатами** изучения курса «Наглядная геометрия» являются следующие качества:

**–** независимость и критичность мышления;

**–** воля и настойчивость в достижении цели.

Средством достижения этих результатов является:

**–** система заданий учебников;

**–** представленная в учебниках в явном виде организация материала по принципу минимакса;

**–** использование совокупности технологий, ориентированных на развитие самостоятельности и критичности мышления: технология проблемного диалога, технология продуктивного чтения, технология оценивания.

***Метапредметными*** результатами изучения курса «Наглядная геометрия» является формирование универсальных учебных действий (УУД).

***Регулятивные УУД*:**

– самостоятельно *обнаруживать* и формулировать учебную проблему, определять цель учебной деятельности, выбирать тему проекта;

– *выдвигать* версии решения проблемы, осознавать (и интерпретировать в случае необходимости) конечный результат, выбирать средства достижения цели из предложенных, а также искать их самостоятельно;

– *составлять* (индивидуально или в группе) план решения проблемы (выполнения проекта);

– работая по плану, *сверять* свои действия с целью и, при необходимости, исправлять ошибки самостоятельно (в том числе и корректировать план);

– в диалоге с учителем *совершенствовать* самостоятельно выработанные критерии оценки.

***Познавательные УУД:***

– *анализировать, сравнивать, классифицировать и обобщать* факты и явления;

– *осуществлять* сравнение, сериацию и классификацию, самостоятельно выбирая основания и критерии для указанных логических операций; строить классификацию путём дихотомического деления (на основе отрицания);

– *строить* логически обоснованное рассуждение, включающее установление причинно-следственных связей;

– *создавать* геометрические модели;

– составлять тезисы, различные виды планов (простых, сложных и т.п.). Преобразовывать информацию из одного вида в другой (таблицу в текст, диаграмму и пр.);

– *вычитывать* все уровни текстовой информации.

– *уметь определять* возможные источники необходимых сведений, производить поиск информации, анализировать и оценивать её достоверность.

– понимая позицию другого человека, *различать* в его речи: мнение (точку зрения), доказательство (аргументы), факты; гипотезы, аксиомы, теории. Для этого самостоятельно использовать различные виды чтения (изучающее, просмотровое, ознакомительное, поисковое), приёмы слушания.

– самому *создавать* источники информации разного типа и для разных аудиторий, соблюдать информационную гигиену и правила информационной безопасности;

– *уметь* *использовать* компьютерные и коммуникационные технологии как инструмент для достижения своих целей. Уметь выбирать адекватные задаче инструментальные программно-аппаратные средства и сервисы.

*Средством формирования* познавательных УУД служат учебный материал и прежде всего продуктивные задания учебника, позволяющие продвигаться по всем шести линиям развития.

1-я ЛР – Использование геометрических знаний для решения различных геометрических задач и оценки полученных результатов.

2-я ЛР – Совокупность умений по использованию доказательной геометрической речи.

3-я ЛР – Совокупность умений по работе с информацией, в том числе и с различными геометрическими текстами.

4-я ЛР **–** Умения использовать геометрические средства для изучения и описания реальных процессов и явлений.

5-я ЛР **–** Независимость и критичность мышления.

6-я ЛР **–** Воля и настойчивость в достижении цели.

*Коммуникативные УУД:*

– самостоятельно *организовывать* учебное взаимодействие в группе (определять общие цели, договариваться друг с другом и т.д.);

– отстаивая свою точку зрения, *приводить аргументы*, подтверждая их фактами;

– в дискуссии *уметь* *выдвинуть* контраргументы;

– учиться *критично относиться* к своему мнению, с достоинством *признавать* ошибочность своего мнения (если оно таково) и корректировать его;

– понимая позицию другого, *различать* в его речи: мнение (точку зрения), доказательство (аргументы), факты; гипотезы, аксиомы, теории;

– *уметь* взглянуть на ситуацию с иной позиции и *договариваться* с людьми иных позиций.

*Средством формирования* коммуникативных УУД служат технология проблемного диалога (побуждающий и подводящий диалог) и организация работы в малых группах, также использование на уроках элементов технологии продуктивного чтения.

**Предметными результатами** изучения предмета «Наглядной геометрии» являются следующие умения.

***5*-й - 6-й классы**

* осознать, что геометрические формы являются идеализированными образами реальных объектов
* усвоить первоначальные сведения о плоских фигурах, объемных телах, некоторых геометрических соотношениях
* научиться использовать геометрический язык для описания предметов окружающего мира
* усвоить практические навыки использования геометрических инструментов
* научиться решать простейшие задачи на построение, вычисление, доказательство
* уметь изображать фигуры на нелинованной бумаге
* распознавать на чертежах и моделях геометрические фигуры (отрезки, углы, треугольники, их частные виды, четырехугольники, окружность, ее элементы)
* уметь изображать геометрические чертежи согласно условию задачи
* овладеть практическими навыками использования геометрических инструментов для изображения фигур
* уметь решать несложные задачи на вычисление геометрических величин, применяя некоторые свойства фигур
* владеть алгоритмами простейших задач на построение
* овладеть основными приемами решения задач: наблюдение, конструирование, эксперимент
* уметь определять геометрическое тело по рисунку, узнавать его по развертке, видеть свойства конкретного геометрического тела

## Планируемые результаты достижения обучающимися требований к результатам освоения основной образовательной программы

**Изучение учебного курса должно обеспечить:**

– осознание значения наглядной геометрии в повседневной жизни человека;

– формирование представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления геометрической науки;

– понимание роли информационных процессов в современном мире;

– формирование представлений о наглядной геометрии как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

В результате изучения учебного предметаобучающиеся развивают логическое и математическое мышление, получают представление о геометрических моделях; овладевают математическими рассуждениями; учатся применять геометрические знания при решении различных задач и оценивать полученные результаты; овладевают умениями решения учебных задач; развивают математическую интуицию.

**Предметные результаты изучения предмета: наглядная геометрия.**

*Выпускник научится:*

* различать простейшие геометрические фигуры (прямая, отрезок, луч, многоугольник, квадрат, треугольник, угол), пять правильных многогранников, свойства геометрических фигур.

*Выпускник получит возможность*:

• строить простейшие геометрические фигуры, складывать из бумаги простейшие фигурки – оригами, измерять длины отрезков, находить площади многоугольников, находить объемы многогранников, строить развертку куба.

**Планируемые предметные результаты изучения курса геометрии в 7-9 классах.**

**Наглядная геометрия**

Выпускник научится:

1. распознавать на чертежах, рисунках, моделях и в окружаю­щем мире плоские и пространственные геометрические фигуры;
2. распознавать развёртки куба, прямоугольного параллелепи­педа, правильной пирамиды, цилиндра и конуса;
3. определять по линейным размерам развёртки фигуры линейные размеры самой фигуры и наоборот;
4. вычислять объём прямоугольного параллелепипеда.

Выпускник получит возможность:

1. вычислять объёмы пространственных геометрических фигур, составленных из прямоугольных параллелепи­педов;
2. углубить и развить представления о пространственных геометрических фигурах;

применять понятие развёртки для выполнения практи­ческих расчётов.

**Геометрические фигуры**

Выпускник научится:

1. пользоваться языком геометрии для описания предметов окружающего мира и их взаимного расположения;
2. распознавать и изображать на чертежах и рисунках геометрические фигуры и их конфигурации;
3. находить значения длин линейных элементов фигур и их отношения, градусную меру углов от 0 до 180°, применяя определения, свойства и признаки фигур и их элементов,  
   отношения фигур (равенство, подобие, симметрии, поворот, параллельный перенос);
4. оперировать на базовом уровне понятиями геометрических фигур;
5. оперировать с начальными понятиями тригонометрии и выполнять элементарные операции над функциями углов;
6. решать задачи на доказательство, опираясь на изученные свойства фигур и отношений между ними и применяя изученные методы доказательств;
7. решать несложные задачи на построение, применяя основ­ные алгоритмы построения с помощью циркуля и линейки;
8. решать планиметрические задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам, решать простейшие планиметрические задачи в пространстве.
9. извлекать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах в явном виде;
10. применять для решения задач геометрические факты, если условия их применения заданы в явной форме;

Выпускник получит возможность:

1. овладеть методами решения задач на вычисления и доказательства: методом от противного, методом подобия, методом перебора вариантов и методом геометри­ческих мест точек;
2. приобрести опыт применения алгебраического и триго­нометрического аппарата и идей движения при решении геометрических задач;
3. овладеть традиционной схемой решения задач на построение с помощью циркуля и линейки: анализ, построение, доказательство и исследование;
4. научиться решать задачи на построение методом геометрического места точек и методом подобия;
5. приобрести опыт исследования свойств планиметриче­ских фигур с помощью компьютерных программ;
6. приобрести опыт выполнения проектов по темам: «Геометрические преобразования на плоскости», «Построе­ние отрезков по формуле»;
7. научиться использовать свойства геометрических фигур для решения типовых задач, возникающих в ситуациях повседневной жизни, задач практического содержания.

**Отношения**

Выпускник научится:

1)оперировать на базовом уровне понятиями: равенство фигур, равные фигуры, равенство треугольников, параллельность прямых, перпендикулярность прямых, углы между прямыми, перпендикуляр, наклонная, проекция.

Выпускник получит возможность:

2)использовать отношения для решения простейших задач, возникающих в реальной жизни.

**Геометрические построения**

Выпускник научится:

1)изображать типовые плоские фигуры и фигуры в пространстве от руки и с помощью инструментов.

Выпускник получит возможность:

2)выполнять простейшие построения на местности, необходимые в реальной жизни.

**Геометрические преобразования**

Выпускник научится:

1)строить фигуру, симметричную данной фигуре относительно оси и точки.

Выпускник получит возможность:

2)распознавать движение объектов в окружающем мире; симметричные фигуры в окружающем мире.

**Измерение геометрических величин**

Выпускник научится:

1. использовать свойства измерения длин, площадей и углов при решении задач на нахождение длины отрезка, дли­ны окружности, длины дуги окружности, градусной меры угла;
2. вычислять длины линейных элементов фигур и их углы, используя формулы длины окружности и длины дуги окруж­ности, формулы площадей фигур;
3. вычислять площади треугольников, прямоугольников, па­раллелограммов, трапеций, кругов и секторов;
4. вычислять длину окружности, длину дуги окружности;
5. решать задачи на доказательство с использованием формул длины окружности и длины дуги окружности, формул площадей фигур;
6. решать практические задачи, связанные с нахождением гео­метрических величин (используя при необходимости справочники и технические средства);
7. выполнять измерение длин, расстояний, величин углов, с помощью инструментов для измерений длин и углов;
8. применять формулы периметра, площади и объема, площади поверхности отдельных многогранников при вычислениях, когда все данные имеются в условии;
9. применять теорему Пифагора, базовые тригонометрические соотношения для вычисления длин, расстояний, площадей в простейших случаях.

Выпускник получит возможность:

10)вычислять площади фигур, составленных из двух или более прямоугольников, параллелограммов, треугольников, круга и сектора;

11)вычислять площади многоугольников, используя отношения равновеликости и равносоставленности;

12)приобрести опыт применения алгебраического и тригонометрического аппарата и идей движения при решении задач на вычисление площадей многоугольников.

13)вычислять расстояния на местности в стандартных ситуациях, площади в простейших случаях, применять формулы в простейших ситуациях в повседневной жизни.

**Координаты**

Выпускник научится:

1. вычислять длину отрезка по координатам его концов; вы­числять координаты середины отрезка;
2. использовать координатный метод для изучения свойств прямых и окружностей;
3. определять приближенно координаты точки по ее изображению на координатной плоскости

Выпускник получит возможность:

1. овладеть координатным методом решения задач на вычисление и доказательство;
2. приобрести опыт использования компьютерных программ для анализа частных случаев взаимного расположения окружностей и прямых;
3. приобрести опыт выполнения проектов на тему «При­менение координатного метода при решении задач на вычисление и доказательство».

**Векторы**

Выпускник научится:

1. оперировать с векторами: находить сумму и разность двух векторов, заданных геометрически, находить вектор, рав­ный произведению заданного вектора на число;
2. находить для векторов, заданных координатами: длину век­тора, координаты суммы и разности двух и более векторов, координаты произведения вектора на число, применяя при необходимости сочетательный, переместительный и распре­делительный законы;
3. вычислять скалярное произведение векторов, находить угол между векторами, устанавливать перпендикулярность пря­мых.

Выпускник получит возможность:

1. овладеть векторным методом для решения задач на вы­числение и доказательство;
2. приобрести опыт выполнения проектов на тему «При­менение векторного метода при решении задач на вычисление и доказательство».

Содержание курса геометрии в 7–9 классах

**Векторы и координаты на плоскости**

**Векторы**

Понятие вектора, действия над векторами, использование векторов в физике, разложение вектора на составляющие, скалярное произведение.

**Координаты**

Основные понятия, координаты вектора, расстояние между точками. Координаты середины отрезка. Уравнения фигур.

Применение векторов и координат для решения простейших геометрических задач.

**История математики. Геометрические фигуры**

**Фигуры в геометрии и в окружающем мире**

Геометрическая фигура. Формирование представлений о метапредметном понятии «фигура».

Точка, линия, отрезок, прямая, луч, ломаная, плоскость, угол, биссектриса угла и ее свойства, виды углов, многоугольники, круг.

Осевая симметрия геометрических фигур. Центральная симметрия геометрических фигур.

**Многоугольники**

Многоугольник, его элементы и его свойства. Распознавание некоторых многоугольников. Выпуклые и невыпуклые многоугольники. Правильные многоугольники.

Треугольники. Высота, медиана, биссектриса, средняя линия треугольника. Равнобедренный треугольник, его свойства и признаки. Равносторонний треугольник. Прямоугольный, остроугольный, тупоугольный треугольники. Внешние углы треугольника. Неравенство треугольника.

Четырехугольники. Параллелограмм, ромб, прямоугольник, квадрат, трапеция, равнобедренная трапеция. Свойства и признаки параллелограмма, ромба, прямоугольника, квадрата.

**Окружность, круг**

Окружность, круг, их элементы и свойства; центральные и вписанные углы. Касательная и секущая к окружности, их свойства. Вписанные и описанные окружности для треугольников, четырехугольников, правильных многоугольников.

**Геометрические фигуры в пространстве (объемные тела)**

Многогранник и его элементы. Названия многогранников с разным положением и количеством граней. Первичные представления о пирамиде, параллелепипеде, призме, сфере, шаре, цилиндре, конусе, их элементах и простейших свойствах.

**Отношения**

**Равенство фигур**

Свойства равных треугольников. Признаки равенства треугольников.

**Параллельно­сть прямых**

Признаки и свойства параллельных прямых. Аксиома параллельности Евклида. Теорема Фалеса.

**Перпендикулярные прямые**

Прямой угол. Перпендикуляр к прямой. Наклонная, проекция. Серединный перпендикуляр к отрезку. Свойства и признаки перпендикулярности.

**Подобие**

Пропорциональные отрезки, подобие фигур. Подобные треугольники. Признаки подобия.

**Взаимное расположение** прямой и окружности, двух окружностей.

**Измерения и вычисления**

**Величины**

Понятие величины. Длина. Измерение длины. Единицы измерения длины. Величина угла. Градусная мера угла.

Понятие о площади плоской фигуры и ее свойствах. Измерение площадей. Единицы измерения площади.

Представление об объеме и его свойствах. Измерение объема. Единицы измерения объемов.

**Измерения и вычисления**

Инструменты для измерений и построений; измерение и вычисление углов, длин (расстояний), площадей. Тригонометрические функции острого угла в прямоугольном треугольнике Тригонометрические функции тупого угла. Вычисление элементов треугольников с использованием тригонометрических соотношений. Формулы площади треугольника, параллелограмма и его частных видов, формулы длины ок­ружности и площади круга. Сравнение и вычисление площадей. Теорема Пифагора. Теорема синусов. Теорема косинусов.

**Расстояния**

Расстояние между точками. Расстояние от точки до прямой. Расстояние между фигурами.

**Геометрические построения**

Геометрические построения для иллюстрации свойств геометрических фигур.

Инструменты для построений: циркуль, линейка, угольник. Простейшие построения циркулем и линейкой: построение биссектрисы угла, перпендикуляра к прямой, угла, равного данному,

Построение треугольников по трем сторонам, двум сторонам и углу между ними, стороне и двум прилежащим к ней углам.

Деление отрезка в данном отношении.

**Геометрические преобразования**

**Преобразования**

Понятие преобразования. Представление о метапредметном понятии «преобразование». Подобие.

**Движения**

Осевая и центральная симметрия, поворот и параллельный перенос. Комбинации движений на плоскости и их свойства.

Возникновение математики как науки, этапы ее развития. Основные разделы математики. Выдающиеся математики и их вклад в развитие науки.

Бесконечность множества простых чисел. Числа и длины отрезков. Рациональные числа. Потребность в иррациональных числах. Школа Пифагора

Зарождение алгебры в недрах арифметики. Ал-Хорезми. Рождение буквенной символики. П. Ферма, Ф. Виет, Р. Декарт. История вопроса о нахождении формул корней алгебраических уравнений степеней, больших четырех. Н. Тарталья, Дж. Кардано, Н.Х. Абель, Э. Галуа.

Появление метода координат, позволяющего переводить геометрические объекты на язык алгебры. Появление графиков функций. Р. Декарт, П. Ферма. Примеры различных систем координат.

Задача Леонардо Пизанского (Фибоначчи) о кроликах, числа Фибоначчи. Задача о шахматной доске. Сходимость геометрической прогрессии.

Истоки теории вероятностей: страховое дело, азартные игры. П. Ферма, Б.Паскаль, Я. Бернулли, А.Н.Колмогоров.

От земледелия к геометрии. Пифагор и его школа. Фалес, Архимед. Платон и Аристотель. Построение правильных многоугольников. Триссекция угла. Квадратура круга. Удвоение куба. История числа π. Золотое сечение. «Начала» Евклида. Л Эйлер, Н.И.Лобачевский. История пятого постулата.

Геометрия и искусство. Геометрические закономерности окружающего мира.

Астрономия и геометрия. Что и как узнали Анаксагор, Эратосфен и Аристарх о размерах Луны, Земли и Солнца. Расстояния от Земли до Луны и Солнца. Измерение расстояния от Земли до Марса.

Роль российских ученых в развитии математики: Л. Эйлер. Н.И. Лобачевский, П.Л.Чебышев, С. Ковалевская, А.Н. Колмогоров.

Математика в развитии России: Петр I, школа математических и навигацких наук, развитие российского флота, А.Н. Крылов. Космическая программа и М.В. Келдыш.

**Тематическое планирование.**

7 класс

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Номер пара­графа | Наименование раздела, темы | Коли­чество часов |
| **Глава I. Начальные геометрические сведения** | | 10 |
| 1, 2  3  4, 5  6 | Прямая и отрезок. Луч и угол  Сравнение отрезков и углов  Измерение отрезков. Измерение углов  Смежные и вертикальные углы  Перпендикулярные прямые  Решение задач  **Контрольная работа № 1** | 2  1  3  1  1  1  1 |
| **Глава II. Треугольники** | | 17 |
| 1  2  3  4 | Треугольник  Первый признак равенства треугольников  Перпендикуляр к прямой Медианы, биссектрисы и высоты треугольника  Свойства равнобедренного треугольника  Второй и третий признаки ра­венства треугольников  Окружность  Задачи на построение  Решение задач  **Контрольная работа № 2** | 2  1  1  1  1  4  1  2  3  1 |
| **Глава III. Параллельные прямые** | | 13 |
| 1  2 | Параллельные прямые Признаки параллельности двух прямых  Аксиома параллельных прямых  Решение задач  **Контрольная работа № 3** | 1  3  5  3  1 |
| **Глава IV. Соотношения между сторо­нами и углами треугольника** | | 18 |
| 1 2  3  4 | Сумма углов треугольника Соотношения между сторонами и углами треугольника  Контрольная работа № 4  Прямоугольные треугольники  Построение треугольника по трём элементам  Решение задач  **Контрольная работа № 5** | 2  3  5  4  3  1 |
|  | **Повторение. Решение задач** | 12 |

8 класс

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Номер пара­графа | Содержание материала | Коли­чество часов |
| **Глава V. Четырёхугольники** | | 14 |
| 1 2  3 | Многоугольники Параллелограмм и трапеция  Прямоугольник, ромб, квадрат  Решение задач **Контрольная работа №1** | 2 6  4  1 1 |
| **Глава VI. Площадь** | | 14 |
| 1 2  3 | Площадь многоугольника Площади параллелограмма, тре­угольника и трапеции  Теорема Пифагора  Решение задач  **Контрольная работа № 2** | 2  6  3 2 1 |
| **Глава VII. Подобные треугольники** | | 19 |
| 1  2  3  4 | Определение подобных треуголь­ников  Признаки подобия треугольников  Контрольная работа № 3 Применение подобия к доказа­тельству теорем и решению задач  Соотношения между сторонами и углами прямоугольного тре­угольника  **Контрольная работа № 4** | 2  5  1  7  3  1 |
| **Глава VIII. Окружность** | | 17 |
| 1 2  3  4 | Касательная к окружности Центральные и вписанные углы  Четыре замечательные точки тре­угольника  Вписанная и описанная окруж­ности  Решение задач  **Контрольная работа № 5** | 3 4  3  4  2  1 |
| **Повторение. Решение задач** | | 6 |

9 класс

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Номер пара­графа | Содержание материала | Коли­чество часов |
| Повторение курса геометрии 8 класса | | 2 |
| **Глава IX. Векторы** | | 8 |
| **1 2 3** | Понятие вектора  Сложение и вычитание векторов  Умножение вектора на число. Применение векторов к решению задач | 2  3  3 |
| **Глава X. Метод координат** | | 10 |
| **1 2**  **3** | Координаты вектора Простейшие задачи в коорди­натах  Уравнения окружности и прямой  Решение задач  **Контрольная работа № 1** | 2  2  3 2 1 |
| **Глава XI. Соотношения между сторо­нами и углами треугольника. Ска­лярное произведение векторов** | | 11 |
| 1  2  3 | Синус, косинус, тангенс, котан­генс угла  Соотношения между сторонами и углами треугольника  Скалярное произведение векто­ров  Решение задач  **Контрольная работа № 2** | 3  4  2  1  1 |
| **Глава XII. Длина окружности и пло­щадь круга** | | 12 |
| **1**  **2** | Правильные многоугольники.  Длина окружности и площадь круга  Решение задач  **Контрольная работа № 3** | 4  4  3  1 |
| **Глава XIII. Движения** | | 8 |
| 1 2 | Понятие движения  Параллельный перенос и поворот  Решение задач  **Контрольная работа № 4** | 3  3  1  1 |
| Глава XIV. Начальные сведения из стереометрии | | 8 |
| 1  2 | Многогранники  Тела и поверхности вращения | 4  4 |
|  | **Об аксиомах планиметрии.** | 2 |
|  | **Повторение. Решение задач.**  **Итоговая контрольная работа № 5** | 6  1 |